

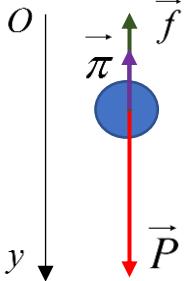
العلامة	عناصر الإجابة
مجموعه	مجازأة
	<p><b>الموضوع الأول</b></p> <p>التمرين الأول: (06 نقاط)</p> <p>1. 1.1. معادلة تفكك نواة الكربون 14: <math>^{14}_6C \rightarrow ^{14}_7N + ^A_ZX</math> : بتطبيق قانوني صودي للانفراط: (<math>A = 0</math> ; <math>Z = -1</math>) وعليه:</p> <p>2. 1. تحديد أي النوتين أكثر استقراراً: حسب تعريف ظاهرة النشاط الاشعاعي، النواة البنت تكون أكثر استقرار من النواة الأم المشعة، وعليه فنواة <math>^{14}_7N</math> أكثر استقرار من نواة الكربون 14.</p> <p>3. 1. تحديد موقع كل من النوتين <math>(^{14}_7N)</math> و <math>(^{14}_6C)</math> في المخطط : نواة <math>^{14}_6C</math> لها <math>Z &lt; 20</math> ونشاطها الاشعاعي <math>\beta^-</math> فتقع فوق واد الاستقرار الموقع (3). نواة <math>^{14}_7N</math> لها <math>Z = N</math> وبذلك موقعها سيكون (2).</p> <p>2. 1. كتابة قانون التناقص الاشعاعي بدالة عدد الأنوية: <math>N(t) = N_0 e^{-\lambda t}</math></p> <p>2. 2. تعريف ثابت الزمن <math>\tau</math> ، ثم تبيان عبارته: *تعريف ثابت الزمن <math>\tau</math>: الزمن اللازم لبقاء 37% من عدد الأنوية المشعة الابتدائية <math>N(\tau) = 0,37N_0</math> * تبيان عبارة ثابت الزمن: <math>t = \tau \Rightarrow N(\tau) = 0,37N_0 \Rightarrow N_0 e^{-\lambda \tau} = 0,37N_0 \Rightarrow \ln e^{-\lambda \tau} = \ln 0,37 \Rightarrow \lambda = \frac{1}{\tau}</math></p> <p>3. 1.3. ايجاد <math>N_0</math> عدد أنوية الكربون 14 في اللحظة <math>t=0</math> ، ثم حساب <math>m_0</math> للعينة عند نفس اللحظة: *أنوية الكربون 14 عند <math>t=0</math> <math>N_0 = 9,36 \times 10^{18} \text{ noyaux}</math> *كتلة الكربون 14 عند <math>t=0</math> <math>m_0 = \frac{N_0}{N_A} \cdot M(^{14}_6C) = \frac{9,36 \times 10^{18} \times 14}{6,02 \times 10^{23}} = 2,17 \times 10^{-4} \text{ g}</math></p> <p>2. 3. إيجاد قيمة ثابت الزمن <math>\tau</math> ، ثم استنتاج قيمة ثابت التفكك <math>\lambda</math> : *ثابت الزمن <math>\tau</math>: <math>\tau = 8 \times 10^3 \text{ ans}</math> <math>N(^{14}_7N)(\tau) = N_0 - 0,37N_0 = 5,89 \times 10^{18} \text{ noyaux}</math> *ثابت التفكك <math>\lambda</math>: <math>\lambda = \frac{1}{\tau} = 1,25 \times 10^{-4} \text{ ans}^{-1}</math></p> <p>4. تبيان عبارة عمر الشهيد، ثم تحديد في أي سنة استشهد: *عبارة عمر الشهيد:</p>

	3x0,25	$N_C = N_0 - N_N \Rightarrow N_C = N_C e^{\lambda t} - N_N \Rightarrow e^{\lambda t} = 1 + \frac{N_N}{N_C} \Rightarrow t = \frac{1}{\lambda} \ln \left( 1 + \frac{N_N}{N_C} \right)$
	2x0,25	حيث : $t = \frac{1}{\lambda} \ln \left( 1 + \frac{m_2}{m_1} \right)$ إذن $M_C = M_N$ و $N = \frac{m}{M} N_A$ *تحديد سنة الاستشهاد: $t \approx 62 \text{ ans}$ إذن تاريخ استشهاد الشهيد هو: 1955
	3x0,25	التمرين الثاني: (07 نقاط) ا. مرحلة الانطلاق: 1. 1. تحديد طبيعة حركة الجملة على المسار ( $AB$ ): بما أن المسار مستقيم، $a > 0$ و $v > 0$ (معامل توجيه البيان ثابت القيمة) فإن حركة الجملة مستقيمة متتسعة بانتظام.
	0,25	2. 1. حساب طول المسار ( $AB$ ), وتبين أن $\alpha \approx 20,5^\circ$ : $AB = \frac{16,8 \times 2,7}{2} \approx 22,7 \text{ m}$ : ( $AB$ ) *طول المسار ( $AB$ ) $\sin \alpha = \frac{h}{AB} = 0,35 \rightarrow \alpha \approx 20,5^\circ$ : $\alpha \approx 20,5^\circ$ زاوية المنحدر
	0,25	3. 1. استنتاج $a$ تسارع مركز عطالة الجملة: $a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = 6 \text{ m.s}^{-2}$
	3x0,25	2. 2. تمثيل القوى المؤثرة على مركز عطالة الجملة: 
	0,25	2. 2. تحديد المرجع المناسب للدراسة: سطحي أرضي.
	0,25	3. 2. إيجاد عبارة $a$ تسارع مركز عطالة الجملة: - المرجع: سطحي أرضي نعتبره غاليليا. - الجملة: الجسم ( $S$ ) بتطبيق القانون الثاني لنيوتون على مركز عطالة الجملة: (1) $\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a} \rightarrow \vec{P} + \vec{F} + \vec{R} = m \cdot \vec{a} \dots (1)$ بإسقاط العبارة الشعاعية على محور الحركة: $P_x - R_x + F = m \cdot a \rightarrow a = \frac{F}{m} + g \cdot \sin \alpha - \frac{R \cdot \sin \theta}{m}$
	2x0,25	4. 2. حساب شدة القوة $R$ و $\vec{F}$ : شدة القوة $R$ : بإسقاط العبارة الشعاعية على المحور ( $yy'$ ): $-P_y + R_y = 0 \rightarrow R \cdot \cos \theta = m \cdot g \cdot \cos \alpha \rightarrow R = \frac{m \cdot g \cdot \cos \alpha}{\cos \theta} = 883,5 \text{ N}$

	0,25	$a = \frac{F}{m} + g \cdot \sin \alpha - \frac{R \cdot \sin \theta}{m} \rightarrow F = \left[ a - g \cdot \sin \alpha + \frac{R \cdot \sin \theta}{m} \right] \cdot m \approx 467,5 N$ * شدة القوة $\vec{F}$
	2x0,25	II. مرحلة القفز: 1. استخراج المعادلات الزمنية للحركة ( $x(t)$ و $y(t)$ ) ، ثم ( $y(x)$ معايير مسار الحركة: $x(t) = v_o \cdot \cos \beta \cdot t$ ; $y(t) = -\frac{1}{2} gt^2 + v_o \cdot \sin \beta \cdot t$ : $y(t)$ و $x(t)$ * المعادلات الزمنية للحركة $y(x) = -\frac{g}{2v_o^2 \cdot \cos^2 \beta} \cdot x^2 + x \cdot \tan \beta$ : $y(x)$ * معايير مسار الحركة
	0,25	1.2. التأكد من أن الجملة قد اجتازت الموضع $E$ : $y_E = -\frac{9,8}{2 \times 13,6^2 \times \cos^2(35)} \times 8,91^2 + 8,91 \times \tan(35) = 3,1 m$ الدراج اجتاز الموضع $E$ لأن $y_E > 2,6 m$
	2x0,25	2.2. حساب أدنى قيمة للسرعة الابتدائية $v'_o$ التي من أجلها تجتاز الجملة الموضع $E$ : من أجل يجتاز الدراج الموضع $E$ يجب أن تكون $y_E > 2,6 m$ ، وعليه: $2,6 = -\frac{9,8}{2v_o'^2 \times \cos^2(35)} \times 8,91^2 + 8,91 \times \tan(35) \rightarrow v'_o = 12,62 m.s^{-1}$ إذن: $v'_o > 12,62 m.s^{-1}$
	0,25	3. حساب المسافة الأفقية للسقوط، وسرعة الجملة عند: $x_p = v_o \cdot \cos \beta \cdot t = 13,6 \times \cos(35) \times 1,8 = 20,05 m$ * المسافة الأفقية: * سرعة الجملة عند لحظة السقوط:
	3x0,25	$v_p = \sqrt{v_{xp}^2 + v_{yp}^2} = \sqrt{(13,6 \times \cos 35)^2 + (-9,8 \times 1,8 + 13,6 \times \sin 35)^2} = 14,86 m.s^{-1}$
	4x0,25	التمرين التجاري: (70 نقاط) - الجزء الأول: 1. تسمية العناصر المرقمة، وحساب معامل التمدد $F$ : ماصة عيارية 04 مخار مدرج 03 حوجلة عيارية 02 بيشر 01
	0,25	* معامل التمدد $F = \frac{V}{V_0} = 10$ : $F$ *
	2x0,25	2.1. تحديد الزجاجيات المناسبة لعملية تحضير المحلول ( $S_1$ ): - مخار مدرج - حوجلة عيارية $250 mL$ .
	0,25	2.2. البروتوكول التجاري لتحضير المحلول ( $S_1$ ): - باستعمال مخار مدرج، نأخذ حجماً $25 mL$ من المحلول المطهر. - نضعه في حوجلة عيارية سعتها $250 mL$ بها كمية من الماء المقطر.

	0,25	احتياطات الأمان: - قفازات، نظارات، مئزر، ...	- نكمل بالماء المقطر إلى خط العيار. - نسد الحوجلة ونرج المزيج جيدا.
	0,25	1. الهدف من استعمال الثلوج المهمش: توقيف تفاعل اليود مع الزنك.	- الجزء الثاني:
	0,25	2. جدول تقدم التفاعل، وكتابة عبارة $n_t(I_2)$ :	*جدول تقدم التفاعل:
	0,25	معادلة التفاعل  الحالة ابتدائية انتقالية نهائية	Zn + I <sub>2</sub> = Zn <sup>2+</sup> + 2 I <sup>-</sup>  كميات المادة ب (mol)  $x = 0$ $n_0$ $n_1 = C_1 \cdot V$ 0      0 $x$ $n_0 - x$ $n_1 - x$ $x$ $2x$ $x_f$ $n_0 - x_f$ $n_1 - x_f$ $x_f$ $2x_f$
	0,25		$n_t(I_2) = C_1 \cdot V - x : n_t(I_2)$ *
	0,25		3. كتابة معادلة تفاعل المعايرة:  $I_2 + 2e^- = 2I^-$ $2S_2O_3^{2-} = S_4O_6^{2-} + 2e^-$ $I_2 + 2S_2O_3^{2-} = S_4O_6^{2-} + 2I^-$
	0,25		4. تبيان عبارة حجم التكافؤ $V_E(t)$ :  $n'(I_2) = \frac{n(S_2O_3^{2-})}{2} = \frac{C' \cdot V_E}{2} \rightarrow n(I_2) = 5C' \cdot V_E$ عند التكافؤ: $n_t(I_2) = C_1 \cdot V - x$ $5C' \cdot V_E = C_1 \cdot V - x \rightarrow V_E = \frac{C_1 \cdot V - x}{5C'} \rightarrow V_E = \frac{C_1 \cdot V}{5C'} - \frac{1}{5C'} \cdot x$
	2x0,25	5. تحديد المنحني المناسب، ثم حساب التركيز الموللي $C_0$ و $C_1$ و $V_E(0)$ :  عند $t = 0 ; x = 0$ إذن $V_E(0) = \frac{C_1 \cdot V}{5C'} \neq 0$ ومنه المنحني الشكل 7 الصحيح.	*المنحني المناسب:  حساب التركيز الموللي:
	2x0,25	$V_E(0) = 20mL \rightarrow C_1 = \frac{5C' \cdot V_E(0)}{V} = 4 \times 10^{-3} mol.L^{-1}$ $\rightarrow C_0 = F \cdot C_1 = 4 \times 10^{-2} mol.L^{-1}$	

	0,25	6. حساب $m$ كتلة بوفيدون أيدين الموجودة في $100\text{mL}$ ، ثم التتحقق من الدلالة التجارية: $m = C_0 \cdot V \cdot M = 0,04 \times 0,1 \times 2368,8 = 9,47\text{ g}$ *كتلة بوفيدون أيدين الموجودة في $100\text{mL}$ *التحقق من الدلالة التجارية: $9,5\%$ النتيجة مقبولة في حدود أخطاء القياس.
	0,25	7. تعريف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ ، ثم تحديد قيمته بيانيًا: هو الزمن اللازم لبلوغ نصف التفاعل نصف تقدمه النهائي *تحديد قيمة زمن نصف التفاعل: $t_{1/2} = 5\text{ min}$ بالإسقاط على المنحنى، نجد: $V_E(t_{1/2}) = \frac{V_E(0)}{2}$
	0,25	8. حساب السرعة الحجمية للتفاعل عند $t = 0$ : $\frac{dV_E}{dt} = -\frac{1}{5C'} \cdot \frac{dx}{dt}$ $V_E = \frac{C_1 \cdot V}{5C'} - \frac{1}{5C'} \cdot x$ لدينا سابقاً: $V_E$ بالاشتقاق نجد: $v_{vol} = -\frac{5C'}{V} \cdot \frac{dV_E}{dt}$ وعليه تصبح العبارة: تطبيق عددي: $v_{vol} _{t=0} = -\frac{5 \times 10^{-2}}{250} \times \frac{0 - 20}{7,2 - 0} = 5,55 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}.\text{min}^{-1}$
	0,25	9. التفسير المجهري لتغير سرعة التفاعل: سرعة التفاعل عند $t = 0$ بالنسبة للتجربة (2) أكبر منها في التجربة (1)، وبذلك بسبب زيادة درجة الحرارة، والتي أدت إلى ارتفاع تواتر التصادمات الفعالة.
	0,25	<b>الموضوع الثاني</b> التمرين الأول: (06 نقاط) 1.1. تعريف السقوط الحر: حركة جسم خاضع لقوة تقله فقط.
	2x0,25	2. حساب $v_I$ سرعة مركز عطالة الجملة ( $S$ ) عند اصطدامها بسطح الأرض: بتطبيق مبدأ انحصار الطاقة للجملة (جسم ( $S$ )) بين الموضعين $O$ و $I$ : $Ec_O + W(\vec{P}) = Ec_I \rightarrow v_I = \sqrt{2 \cdot g \cdot h} = 6,26\text{ m.s}^{-1}$
	0,25	2.1. إعطاء العبارة الحرافية لشدة دافعة أرخميدس $\vec{\pi}$ ، وذكر مميزاتها: - المبدأ: مركز عطالة الجسم. - الحامل: شاقولي - الاتجاه: نحو الأعلى - الشدة: تعطى بالعلاقة $\pi = \rho_{air} \cdot V_S \cdot g$

	3x0,25		2. تمثيل القوى المؤثرة على مركز عطالة الجسم ( $S$ ) عند اللحظة $t$ :
--	--------	---	--

	0,25		3. إيجاد عبارة شدة قوة الاحتكاك $f$ بدلالة $a$ :
	2x0,25		المرجع: سطحي أرضي نعتبره غاليليا.
	2x0,25		الجملة: كرة.
			بتطبيق القانون الثاني لنيوتون على مركز عطالة الجملة: $\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a} \rightarrow \vec{P} + \vec{\pi} + \vec{f} = m \cdot \vec{a}$

	3x0,25		4. 1.4. تحديد قيمة كل من $v_{lim}$ ، $a_0$ و $\tau$ :
			$v_{lim} = 2,4 \text{ m.s}^{-1} : v_{lim}$ *
			$a_0 = \frac{dv}{dt} \Big _{t=0} = 6 \text{ m.s}^{-2} : a_0$ *
			* الزمن المميز للحركة $\tau = 0,4 \text{ s} : \tau$ *

	2x0,25		2.4. استنتاج سلم الرسم، وتبيّان أن $m = 22 \text{ g}$
			$6 \text{ cm} \rightarrow a_0 = 6 \text{ m.s}^{-2}$ } $1 \text{ cm} \rightarrow a$ } $\rightarrow a = 1 \text{ m.s}^{-2}$ * سلم الرسم:
	2x0,25		تبيّان قيمة الكتلة: تمثيل الكتلة $m$ معامل توجيهه بيان الشكل 3، وعليه:

$$m = -\frac{\Delta f}{\Delta a} = -\frac{0 - 13,2 \times 10^{-2}}{6 - 0} = 0,022 \text{ kg} = 22 \text{ g}$$

	3x0,25		3.4. حساب $V_S$ و $n$ :
			$V_S$ * حجم الجسم
			في النظام الدائم $a = 0 \text{ m.s}^{-2}$ ، نجد:

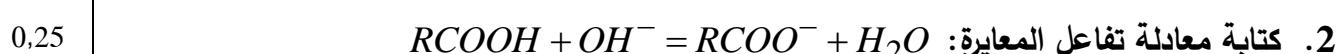
$$f_{lim} = m.g - \pi \rightarrow \rho_{air} \cdot V_S \cdot g = m.g - f_{lim} \rightarrow V_S = \frac{m.g - f_{lim}}{\rho_{air} \cdot g}$$

$$\rightarrow V_S = 6,5 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$f_{\lim} = k \cdot v_{\lim}^n \rightarrow n = \frac{\ln\left(\frac{f_{\lim}}{k}\right)}{\ln(v_{\lim})} = 2$$

\*نموذج الاحتراك:

- التمرين الثاني: (07 نقاط)
- أولاً:
- شروط استعمال لاقط قياس الـ  $pH$ :
    - يغمر جيدا في محلول.
    - يوضع شاقوليا.
    - معايرة اللاقط قبل الاستعمال.



3. حساب التركيز المولي  $C_0$ ، وتبیان أن الحمض ضعیف:

التركيز المولي  $C_0$ : تحديد حجم التكافؤ اعتمادا على طريقة المماسين

$$C_0 \cdot V_a = C_b \cdot V_{bE} \rightarrow C_0 = \frac{C_b \cdot V_{bE}}{V_a} = 5 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$$

\*تبیان أن الحمض ضعیف:

لدينا عند  $\tau_{f_0} = \frac{10^{-pH_0}}{C_0} = 0,05$  وعليه:  $pH_0 = 3,6 \leftarrow V_b = 0 \text{ mL}$

4. عبارة ثابت الحموضة  $K_a$  للثانية :

$$K_a = \frac{[RCOO^-]_{eq} \cdot [H_3O^+]_{eq}}{[RCOOH]_{eq}}$$

5. تبیان أن  $pH = pKa$  من أجل  $V_b = \frac{V_{bE}}{2}$

نعم أن:  $pH = pKa + \log \frac{[RCOO^-]}{[RCOOH]}$

ومن جهة أخرى:  $[RCOOH] = \frac{C_0 \cdot V_A - x_{eq}}{V_T}$  ;  $[RCOO^-] = \frac{x_{eq}}{V_T}$

قبل التكافؤ نعلم أن  $OH^-$  مقاصل محد إذن  $x_{eq} = C_b \cdot V_b$  ، وعليه:

$$[RCOOH] = \frac{C_0 \cdot V_A - C_b \cdot V_b}{V_T} ; [RCOO^-] = \frac{C_b \cdot V_b}{V_T}$$

عند التكافؤ  $\frac{[RCOO^-]}{[RCOOH]} = \frac{C_b \cdot V_b}{C_b \cdot V_{bE} - C_b \cdot V_b} = \frac{V_b}{V_{bE} - V_b}$  إذن:  $C_0 \cdot V_a = C_b \cdot V_{bE}$

من العلاقات السابقة:

$$pH = pKa + \log\left(\frac{V_b}{V_{bE} - V_b}\right)$$

$$pH = pKa + \log\left(\frac{V_b}{2V_b - V_b}\right) = pKa + \log(1)^0 = pKa \quad \text{من أجل } V_b = \frac{V_{bE}}{2}$$

6. تحديد قيمة ثابت الحموضة  $pKa$  للثانية  $(RCOOH(aq)/RCOO^-(aq))$  ، ثم استنتاج صيغة الحمض المستعمل:

عند نقطة نصف التكافؤ  $V_b = \frac{V_{bE}}{2} = 5mL$  ، نجد أن

وعليه الحمض المستعمل هو:  $CH_3COOH$

- ثانياً:

1. تحديد سبب رفض الأستاذ لهذا الاقتراح: الكحول مادة قابلة للاشتعال والتسخين المباشر باستعمال التركيب (01) يؤدي إلى اشتعاله.

2. إعطاء اسم التركيب (02) المستعمل في عملية التصنيع: التسخين بالارتداد (التسخين المرتد)

3. تحديد أهمية إضافة قطرات من حمض الكبريت المركز: تسريع التفاعل

4. كتابة معادلة تفاعل الاسترة:  $RCOOH(l) + R'OH(l) \rightarrow RCOOR'(l) + H_2O(l)$

5. تحديد التركيب المولي للمزيج عند حالة التوازن:

معادلة التفاعل		RCOOH	+	R'OH	=	RCOOR'	+	H <sub>2</sub> O
الحالة	القدم	كميات المادة بـ (mol)						
ابتدائية	$x = 0$	0,2		0,3		0		0
انتقالية	$x$	$0,2 - x$		$0,3 - x$		$x$		$x$
نهائية	$x_f$	$0,2 - x_f$		$0,3 - x_f$		$x_f$		$x_f$

\*التركيب المولي:

$$n_f(RCOOR') = n_f(H_2O) = \frac{m_f(RCOOR')}{M(RCOOR')} = \frac{20,41}{130} = 0,157 \text{ mol}$$

$$n_f(RCOOH) = 0,2 - x_f = 0,043 \text{ mol}$$

$$n_f(R'OH) = 0,3 - x_f = 0,143 \text{ mol}$$

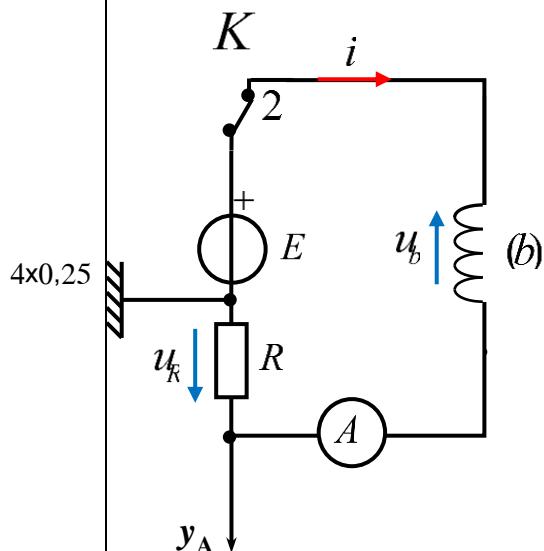
6. حساب مردود تفاعل الاسترة، وثابت التوازن  $K$  ، ثم استنتاج صنف الكحول المستعمل:

	2x0,25	$r = \frac{n_f(RCOOR')}{n_0(RCOOH)} \cdot 100 = \frac{0,157 \times 100}{0,2} = 78,5\%$ $K = \frac{n_f(RCOOR').n_f(H_2O)}{n_f(RCOOH).n_f(R'OH)} = \frac{0,157^2}{0,043 \times 0,143} = 4$ * ثابت التوازن * مردود تفاعل الأسترة:
	0,25	* صنف الكحول المستعمل: بما أن $K = 4$ فإن الكحول المستعمل أولي.
	0,25	7. كتابة الصيغة النصف المفصلة والاسم النظامي لكل من الكحول والستر: * الكحول: باستعمال الكتلة المولية للاستر وصيغته العامة: $M(C_nH_{2n}O_2) = 14n + 32 = 130 \rightarrow n = 7$ بما الحمض المستعمل هو $C_2H_4O_2$ فإن عدد ذرات الكربون التي يحتويها الكحول هي 5، وعليه تصبح صيغته العامة بالشكل التالي: $C_5H_{11}OH$ الكحول المستعمل أولي وذو صيغة خطية إذن:
	2x0,25	بنتان 1 ول $CH_3 - CH_2 - CH_2 - CH_2 - OH$
	2x0,25	إيثانوات البنليل $CH_3 - COO - CH_2 - CH_2 - CH_2 - CH_3$ * الاستر:
	0,25	التمرين التجاري: (07 نقاط) - الجزء الأول: 1. مدلول قيمة التوتر الكهربائي التي يشير لها الفولطметр: القوة المحركة الكهربائية $E$ للمولد.
	0,25	2. كتابة عبارة الطاقة المخزنة في المكثفة $E_C(t)$ : $E_C(t) = \frac{1}{2} C \cdot u_C^2(t)$
	2x0,25	3. حساب قيمة كل من $C$ ، $Q_{max}$ و $\tau$ : * سعة المكثفة: $E_{Cmax} = \frac{1}{2} C \cdot E^2 \rightarrow C = \frac{2E_{Cmax}}{E^2} = \frac{2 \times 0,9 \times 10^{-3}}{6^2} = 5 \times 10^{-5} F$
	2x0,25	* الشحنة الأعظمية $Q_{max} = C \cdot E = 5 \times 10^{-5} \times 6 = 3 \times 10^{-4} C$
	0,25	* ثابت الزمن $\tau$ : $\tau = R \cdot C = 100 \times 5 \times 10^{-5} = 5 \times 10^{-3} s$

- الجزء الثاني:

1. تمثيل جهة التيار في الدارة، والتوترات  $u_R$  و  $u_b$ ، وتبيان

كيفية ربط راسم الاهتزاز:



2. إيجاد المعادلة التفاضلية بدلالة تطور التوتر الكهربائي  $u_R$ :

بتطبيق قانون جمع التوترات:

$$u_b + u_R = E \rightarrow L \cdot \frac{d\left(\frac{u_R}{R}\right)}{dt} + r \cdot \frac{u_R}{R} + u_R = E \rightarrow \frac{du_R}{dt} + \frac{R+r}{L} \cdot u_R = \frac{R \cdot E}{L}$$

3. إيجاد عبارة ثابت الزمن  $\tau'$ :

$$\frac{du_R}{dt} = \frac{R \cdot I_{\max}}{\tau'} \cdot e^{-\frac{t}{\tau'}} \quad \text{باشتراك عبارة } u_R(t), \text{ نجد:}$$

بتعييض عبارتي  $u_R(t)$  و  $\frac{du_R}{dt}$  في المعادلة التفاضلية السابقة نجد:

$$\begin{aligned} & \frac{R \cdot I_{\max}}{\tau'} \cdot e^{-\frac{t}{\tau'}} + \frac{R+r}{L} \cdot R I_{\max} \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau'}} \right) = \frac{R \cdot E}{L} \\ & \rightarrow \frac{(R+r) \cdot R I_{\max} - R \cdot E}{L} + \left( \frac{1}{\tau'} - \frac{R+r}{L} \right) \cdot R I_{\max} e^{-\frac{t}{\tau'}} = 0 \end{aligned} \quad \rightarrow \tau' = \frac{L}{R+r}$$

2.3. تبيان أن  $\tau'$  متجانس مع الزمن:

$$\begin{cases} u_L = L \cdot \frac{di}{dt} \\ u_R = R \cdot i \end{cases} \rightarrow \begin{cases} [L] = \frac{[u][t]}{[i]} \\ [R] = \frac{[u]}{[i]} \end{cases} \rightarrow [\tau'] = \frac{UT}{I} = T$$

وعليه  $\tau'$  متجانس مع الزمن.

	2x0,25	4. إيجاد قيمة $r$ المقاومة الداخلية للوسيطة:
		$I_{\max} = \frac{E}{R+r} \rightarrow r = \frac{E}{I_{\max}} - R = \frac{6}{0,05} - 100 = 20\Omega$

	0,25	5. حساب معامل التوجيه $\frac{du_R}{dt}$ عند اللحظة $t=0$ ، واستنتاج $L$ ذاتية الوسيطة:
		$\left. \frac{du_R}{dt} \right _{t=0} = \frac{1-0}{1-0} = 1V.ms^{-1} : \underline{\underline{t=0}} \text{ عند } \left. \frac{du_R}{dt} \right _{t=0}^*$
	2x0,25	$\left. \frac{du_R}{dt} \right _{t=0} = \frac{RE}{L} \rightarrow L = \frac{RE}{\left. \frac{du_R}{dt} \right _{t=0}} = \frac{100 \times 6}{1} = 600mH : \underline{\underline{L \text{ ذاتية الوسيطة}}}$

	0,25	6. حساب الطاقة المغناطيسية الأعظمية في الوسيطة:
		$E_{b\max} = \frac{1}{2} L I_{\max}^2 = 0,5 \times 0,6 \times (50 \times 10^{-3})^2 = 7,5 \times 10^{-4} J$

	3x0,25	7. تحديد اللحظة ' $t'$ التي تكون عنها الوسيطة تملك طاقة مغناطيسية تساوي ربع قيمتها الأعظمية:
		$E_b(t') = \frac{E_{b\max}}{4} \rightarrow \frac{1}{2} L i(t')^2 = \frac{E_{b\max}}{4} \rightarrow i(t') = \sqrt{\frac{E_{b\max}}{2L}}$ $\rightarrow u_R(t') = R \sqrt{\frac{E_{b\max}}{2L}} \rightarrow u_R(t') = 100 \times \sqrt{\frac{7,5 \times 10^{-4}}{2 \times 0,6}} = 2,5V$ بالإسقاط على المنحنى، نجد: $t' = 3,5 s$